

Tutorial

Übungsblatt: Perspektive - Rekonstruktion

Gegeben sind ein Foto von einem quaderförmigen Objekt sowie die Abmessungen des Basisrechteckes.

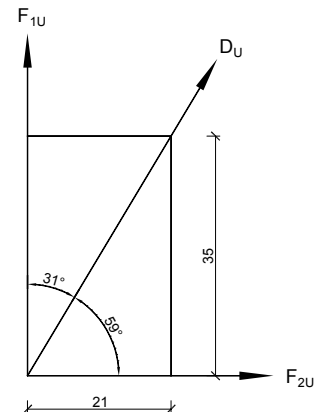
Fluchtpunkte und Horizont (Abb. 01)

Für das gegebene Foto werden die Fluchtpunkte F_{1U}^C und F_{2U}^C der Hauptrichtungen und ihre Verbindung – der Horizont h – konstruiert. Zusätzlich wird der Fluchtpunkt D_U^C einer der beiden Diagonalen bestimmt. Um D_U^C genauer zu bestimmen, ist oft ein Kellergrundriss von Vorteil (siehe Abb. 01 unten).

Auge O und Hauptpunkt H (Abb. 02)

Oberhalb des Fotos wird der Grundriss zur Perspektive konstruiert. Aus dem Auge O werden die Fluchtpunkte F_{1U}^C und F_{2U}^C unter 90° gesehen. Im Grundriss erscheint dieser Winkel in wahrer Größe. O' liegt daher auf einem Thaleskreis mit den beiden Fluchtpunkten als Durchmesserendpunkte.

Gleichzeitig sieht man aus O den Winkel zwischen den Richtungen zu F_{1U}^C und D_U^C unter 31° und den Winkel zwischen F_{2U}^C und D_U^C unter 59° . Die Winkel 31° und 59° lassen sich in einer Nebenzeichnung, in der das Basisrechteck des gegebenen Objektes in wahrer Gestalt erscheint, ermitteln (siehe Abb. rechts). Nach dem Peripheriewinkelsatz liegt O also auch auf einem Kreis mit Mitte M (Konstruktion siehe nächste Seite und Abb. 02).



Im Schnitt der beiden genannten Kreise liegt das Auge O (2 mögliche Lagen, vor und hinter π). Damit ergibt sich weiters der Augabstand $d = O\pi \approx 11\text{cm}$ und der Hauptpunkt H.

Anmerkung:

- Die Nebenzeichnung zur Bestimmung der Winkel im Basisrechteck kann auch in verschiedenen Größen gezeichnet werden, da es dabei nur auf die Winkel ankommt.
- Länge und Breite des Basisrechteckes müssen bekannt sein, damit diese Winkel bestimmt werden können.

Rekonstruktion des Basisrechteckes ABCD (Abb. 03)

Die perspektiven Bilder B^C und C^C zweier Ecken des gegebenen Basisrechteckes werden aus dem Foto (= perspektives Bild) in den Grundriss nach π' „geordnet“: $B^C, C^C \rightarrow B^{C'}, C^{C'}$. Auf den Projektionsstrahlen von O' nach $B^{C'}$ und $C^{C'}$ liegt der Grundriss der Kante BC. Die Richtung der Kante $B'C'$ ist parallel zur Verbindung von O' nach F_{2U}^C . Die Länge kann durch Parallelverschieben eingepasst werden. Da die wahre Länge 21cm zu lang ist und der („einfache“) Maßstab 1 : 10 ($\Rightarrow 2.1\text{cm}$) zu klein ist, wählen wir den Maßstab 1 : 5, also die Abmessungen 4.2cm und 7cm. Dadurch ergibt sich der Grundriss $B'C'$ der Kante BC durch Parallelverschieben. An $B'C'$ anschließend kann das gegebene Grundrissrechteck ABCD eingezeichnet werden. Im



Schnitt von π mit ABCD liegen die Punkte X und Y. Diese bestimmen die Grundlinie g.

Längenbestimmungen (Abb. 03)

a.) Aus dem Abstand von g zu h ergibt sich die Aughöhe a:

$$a = gh \approx \underline{2.8\text{cm}} \quad (\Rightarrow \text{Originalmaß: } 14\text{cm}).$$

b.) Die Höhe des Objektes kann direkt im Schnitt mit der Bildebene (beim Punkt X) abgelesen werden:

$$XZ \approx \underline{5.8\text{cm}} \quad (\Rightarrow \text{Originalmaß: } 29\text{cm}).$$

c.) Augdistanz $d \approx 11\text{cm}$ (\Rightarrow Originalmaß: 55cm)

d.) Der Radius des linken roten Kreises: An den Kreis werden aus F_{1U}^C zwei („waagrechte“) Tangenten gelegt, die im tiefsten und höchsten Punkt des Kreises berühren. Auf der „Messlatte“ zwischen X und Z kann der Abstand der Tangenten und somit der Durchmesser ermittelt werden:

$$\text{Durchmesser} \approx 1.2\text{cm} \quad (\Rightarrow \text{Originalmaß: } 6\text{cm}).$$

Perspektives Bild der Bänder (Abb. 04 und 05)

Im umgekehrten Fall werden nun im Grundriss die Bänder eingezeichnet und ins perspektive Bild übertragen.

Zusatz

Peripheriewinkelsatz:

Alle Punkte P der Ebene, aus denen eine gegebene Strecke AB unter demselben Winkel ε gesehen wird, liegen auf einem Kreisbogen mit Mitte M (siehe Abb.). Aus M wird die Strecke AB unter dem Winkel $2 \cdot \varepsilon$ gesehen. Auch die Kreistangenten in A und B schließen mit der Strecke AB den Winkel ε ein. Damit ist eine Konstruktion des Kreises bei gegebener Strecke AB und Winkel ε möglich. Aus den Punkten Q, die am zweiten Kreisbogen liegen, wird AB unter dem Winkel $180^\circ - \varepsilon$ gesehen.

Beweis:

Das Dreiecke MAP ist gleichschenkelig. Deswegen tritt bei A und P derselbe Winkel α_1 auf. Analoges gilt für das Dreieck MPB. Die Winkelsumme im „großen“ Dreieck PBA ist:

$$180^\circ = 2 \cdot \alpha_1 + 2 \cdot \beta_1 + \alpha_2 + \beta_2$$

$$180 - (\alpha_2 + \beta_2) = 2 \cdot (\alpha_1 + \beta_1)$$

Im Dreieck MBA gilt:

$$180 - (\alpha_2 + \beta_2) = \gamma = 2 \cdot (\alpha_1 + \beta_1), \text{ also}$$

$$\gamma = 2 \cdot (\alpha_1 + \beta_1)$$

$\alpha_1 + \beta_1 = \frac{1}{2} \cdot \gamma$... Also: Der Winkel $\alpha_1 + \beta_1 = \frac{1}{2} \cdot \gamma$, egal wo P am Kreisbogen liegt.

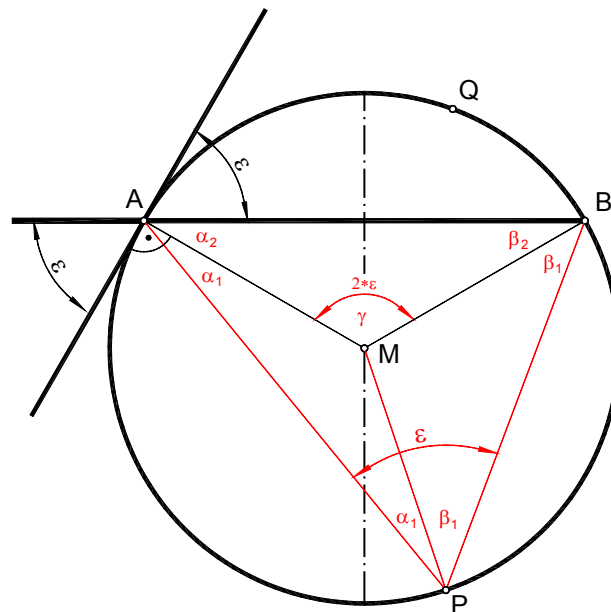


Abb. 0

Anmerkungen:

- Für einen vollständigen Beweis müssen noch einige spezielle Lagen von P betrachtet werden.
- Das Dreieck MBA ist auch gleichschenkelig. Deswegen ist $\alpha_2 = \beta_2$.

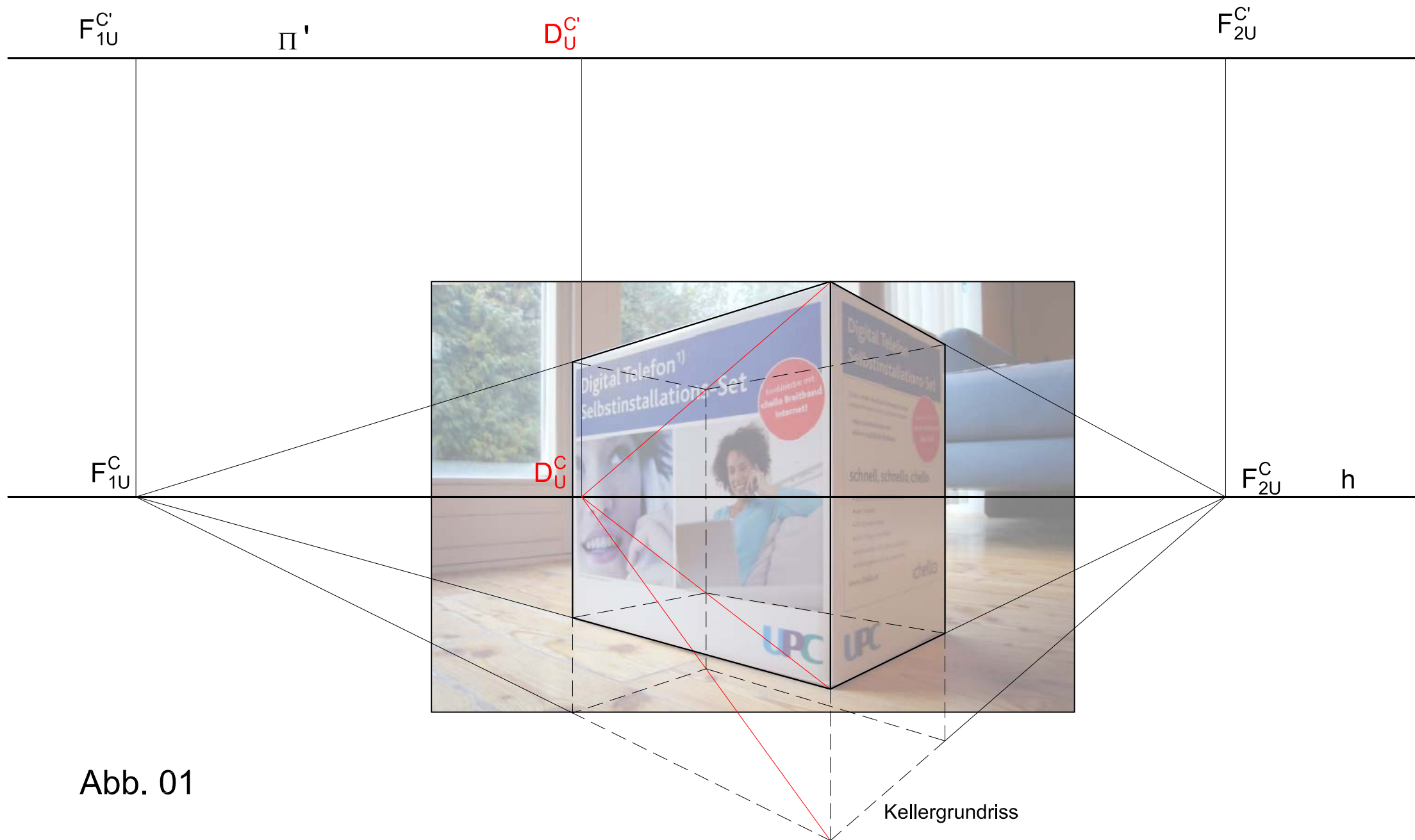


Abb. 01

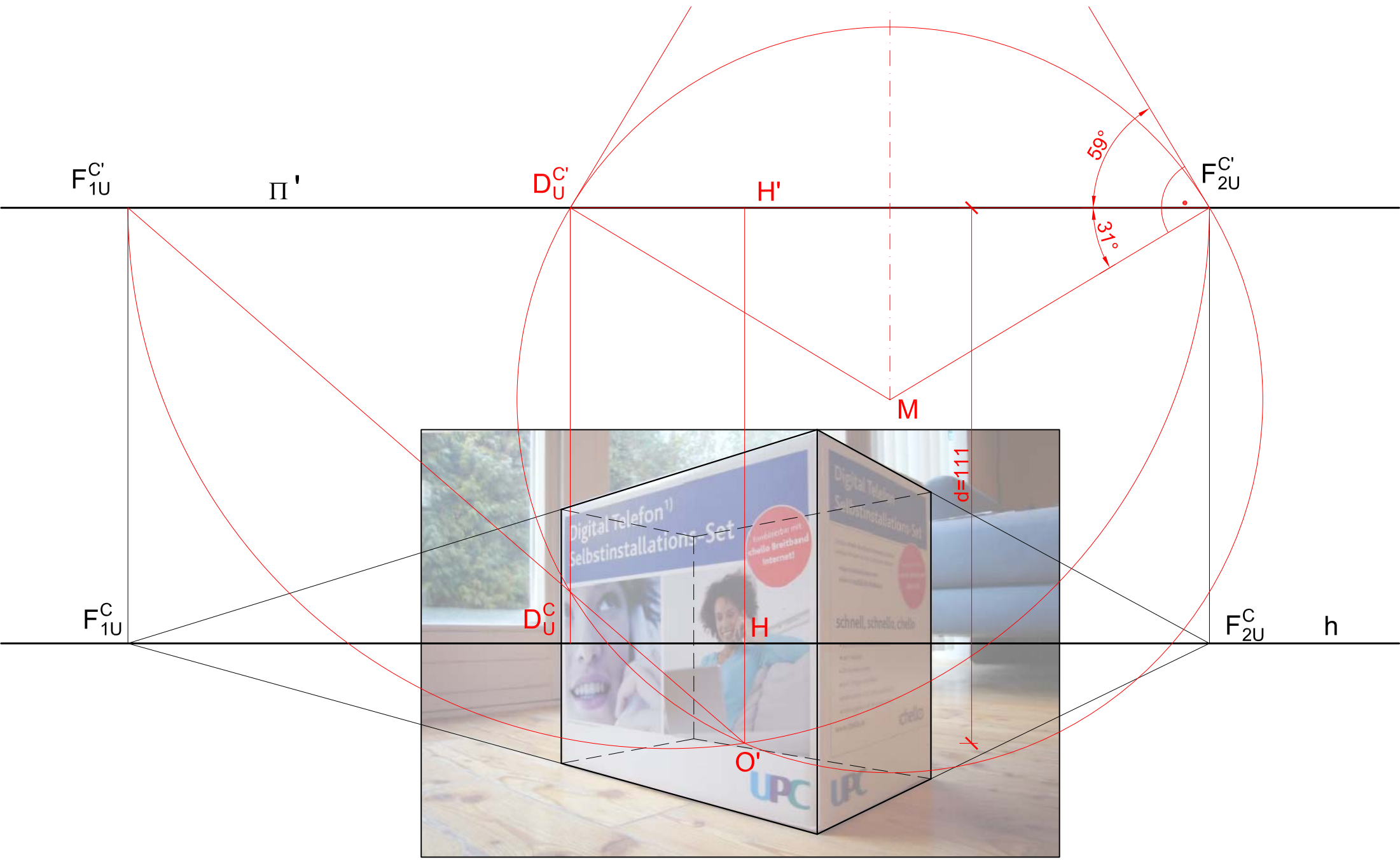


Abb. 02

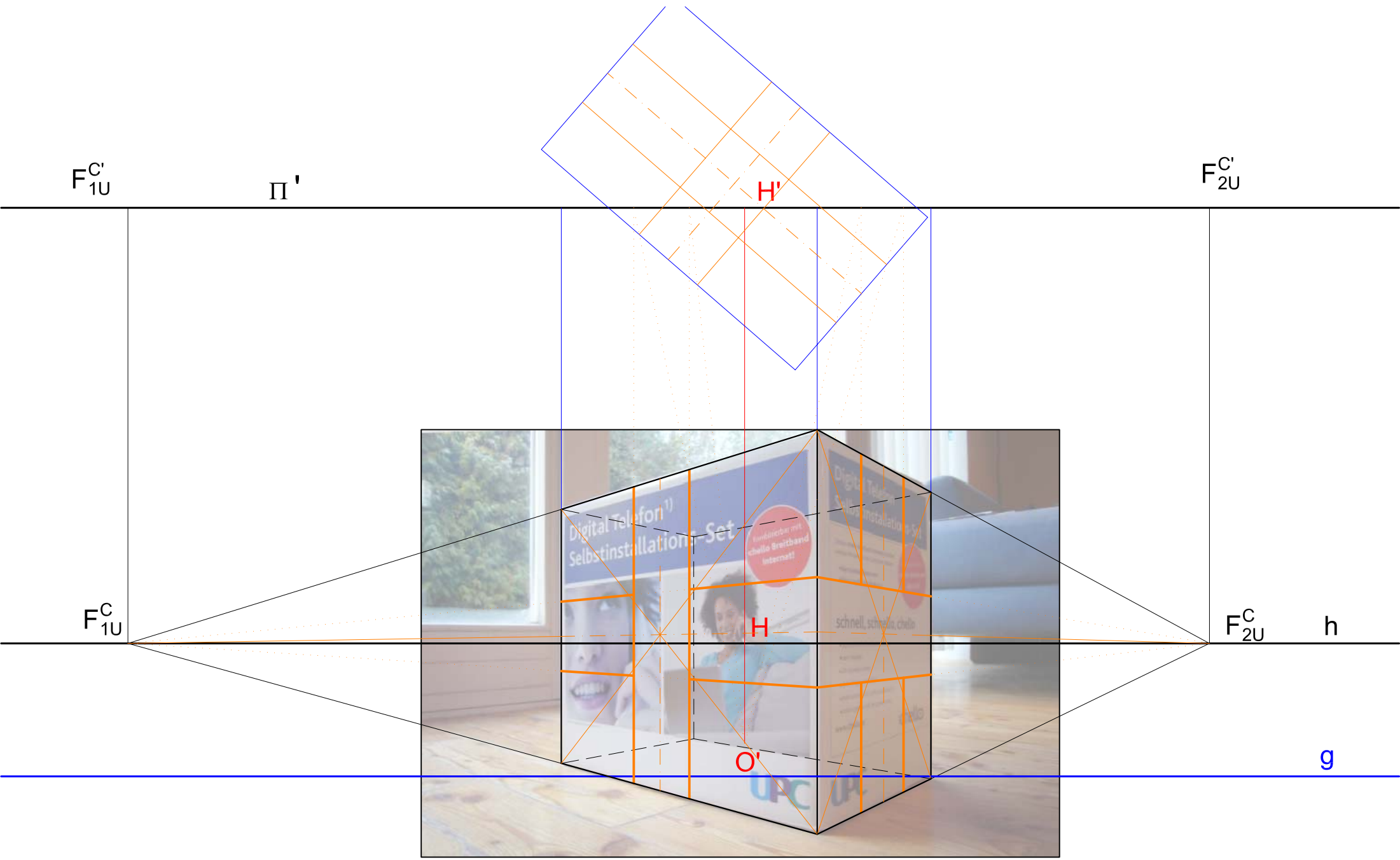


Abb. 04

Π'

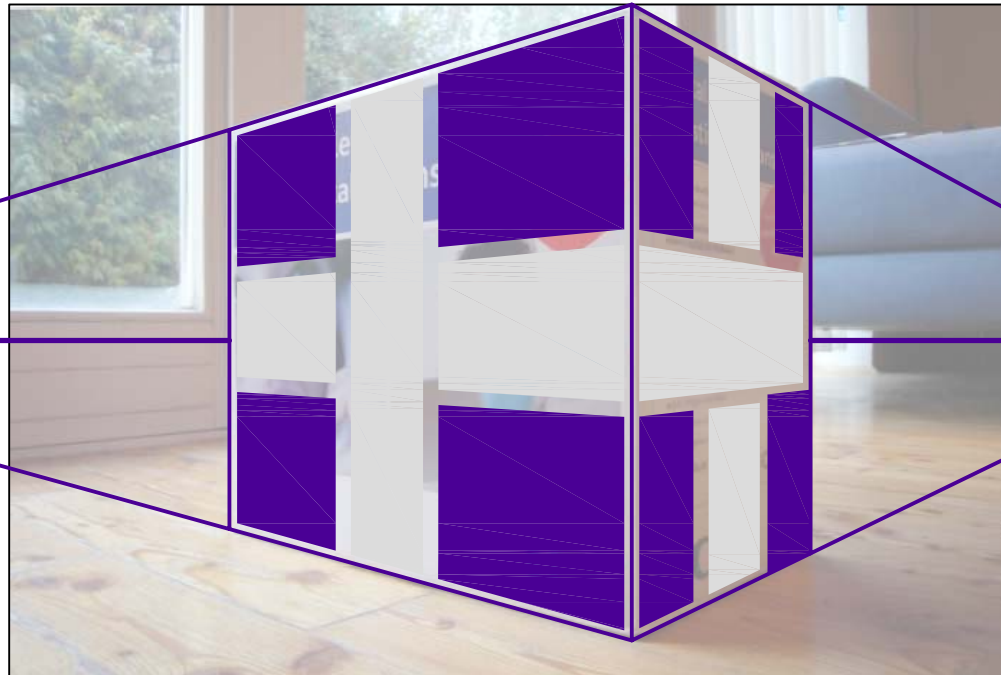


Abb. 05